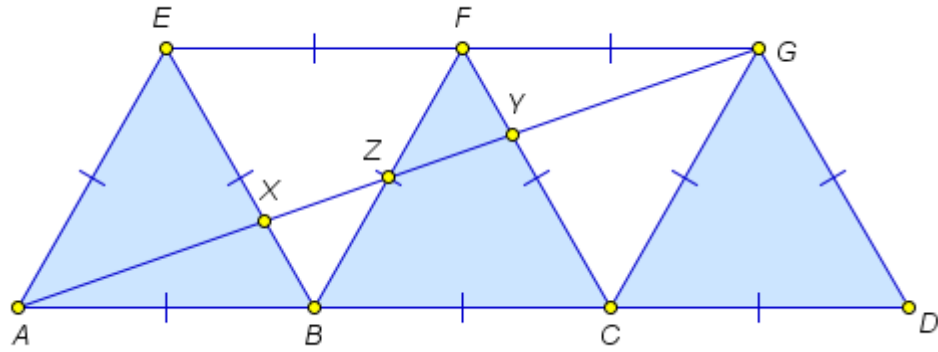


### Решение №3

Нам требуется найти  $AH:ZY$ .  
 Так как треугольники  $ABE, BCF, CDG$  равные и равносторонние, то высоты этих



треугольников, проведенные из точек  $E, F, G$  равны. А значит прямая  $EF$  параллельна  $AD$  и прямая  $FG$  параллельна  $AD$ , и так как эти две прямые содержат общую точку, то точки  $E, F, G$  лежат на одной прямой параллельной  $AD$ . Треугольники  $ABE, BCF, CDG$  равносторонние из этого имеем, что  $\angle ABE = \angle CBF = \angle BCF = \angle DCG = \angle CDG = 60^\circ$  и  $AB = BE = AE = BF = BC = CF = CG = CD = DG = a$ . Из параллельности  $EG$  и  $AD$  получаем равные накрест лежащие углы  $\angle CBF = \angle BFE = 60^\circ$  и  $\angle BCF = \angle CFG = 60^\circ$  и так как треугольники  $EBF$  и  $CFG$  равнобедренные с углом  $60^\circ$ , то они являются равносторонними, а значит  $EF = FG = a = BC$  и так как  $EG \parallel BC$  получаем, что  $EFCB$  параллелограмм.  $\angle GAB = \angle AGF$  из параллельности  $AD$  и  $EG$ ,  $\angle ABE = \angle GFC = 60^\circ$  и  $AB = FG$ , а значит  $\triangle ABX = \triangle GFY$  по второму признаку равенства треугольников и имеем, что  $BX = FY$  и  $\angle AXB = \angle GYF$ . Тогда  $\angle ZXB = \angle ZYF$  как смежные к равным и так как  $\angle FBE = \angle BFC = 60^\circ$  и  $BX = FY$ , то  $\triangle ZBX = \triangle ZFY$  по второму признаку равенства треугольников, значит  $ZY = ZX = 0.5XY$ . Так как  $BE \parallel CF$  и  $AB = BC$ , то  $BX$  является средней линией треугольника  $ACY$  и значит  $AH = XY$ . Таким образом получаем, что  $AH:ZY = XY:0.5XY = 2$ .

### №4

Равные стороны отмечены кружком. Найдите  $x$ .

