## Признаки равенства треугольников

 Два квадрата имеют общую вершину. Докажите, что отмеченные пунктиром на рисунке отрезки равны (по определению у квадрата все стороны равны, а углы прямые).



- **2.** Дан четырехугольник ABCD, в котором ∠BAC = ∠BDC, ∠CAD = ∠ADB. Докажите, что AB = CD.
- **3.** В треугольнике *ABC* взяли точку *M* так, что луч *BM* делит углы  $\angle ABC$  и  $\angle AMC$  пополам. Докажите, что данный луч перпендикулярен *AC*.
- **4.** В треугольнике ABC высоты  $AA_1$  и  $BB_1$  пересекаются в точке H. Докажите, что оба равенства  $AH = HA_1$  и  $BH = HB_1$  не могут выполняться одновременно.
- **5.** Дан четырехугольник ABCD, у которого AB = AD, BC = CD. На диагонали AC отмечена точка K. Докажите, что BK = KD.
- **6.** На сторонах AB и AC равностороннего треугольника ABC отмечены X и Y такие, что BX = AY. Чему может быть равна сумма углов ABY и ACX?
- 7. AF медиана треугольника AB, D середина отрезка AF, E точка пересечения прямой CD со стороной AB. Оказалось, что BD = BF. Докажите, что AE = DE.
- **8.** В пятиугольнике *ABCDE* углы *ABC* и *AED* прямые, AB = AE и BC = CD = DE. Диагонали *BD* и *CE* пересекаются в точке *F*. Докажите, что FA = AB.