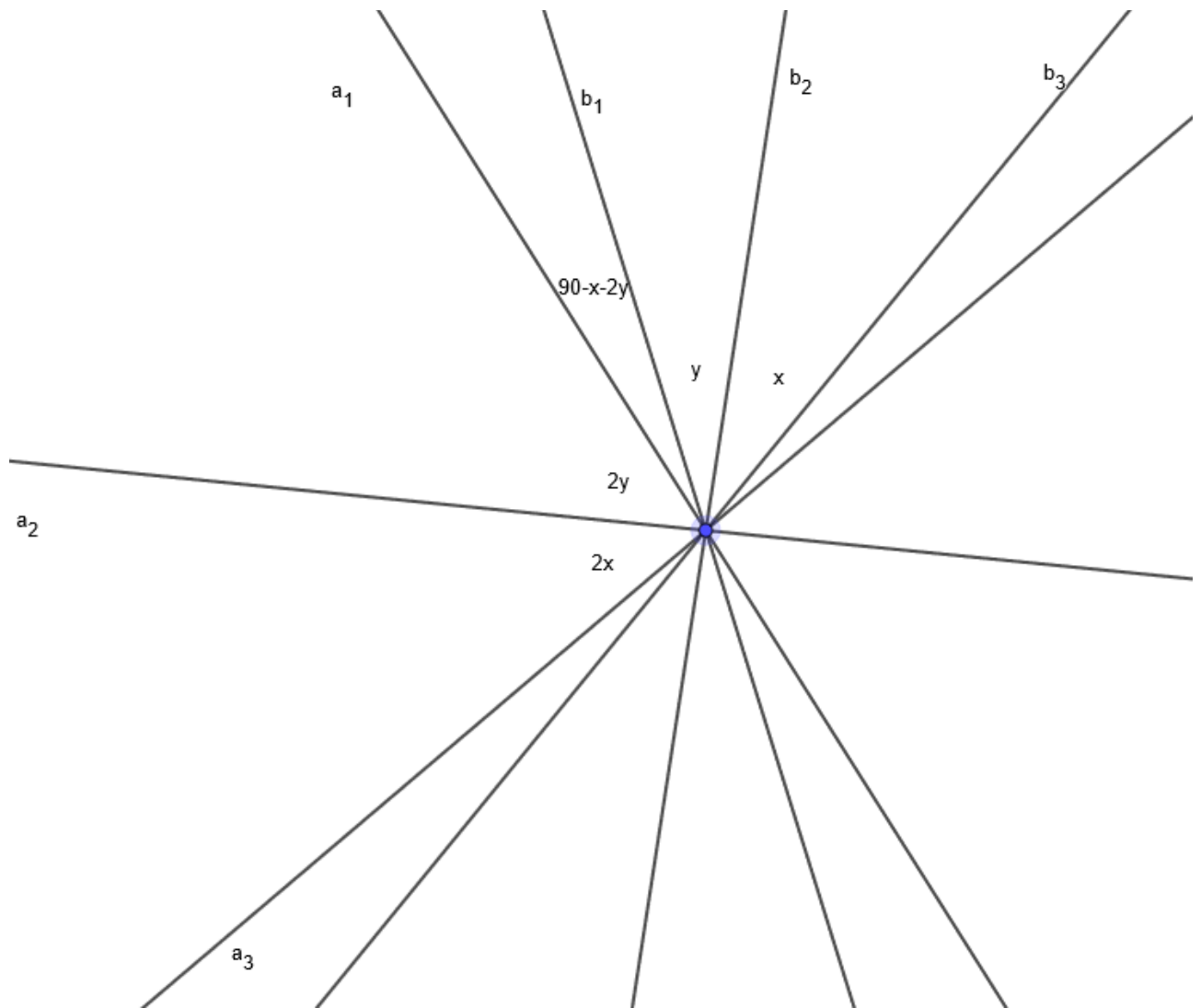


### Решение №3

Рассмотрим три последовательно идущие прямые (соседние) такие, что между ними два разных угла и при этом один из них наименьший из имеющихся (если таких нет, то между любыми соседними прямыми углы одинаковые, и задача доказана). Пусть прямые называются  $a_1, a_2, a_3$  и угол между  $a_1$  и  $a_2$  равен  $2x$ , а между  $a_1$  и  $a_3$  равен  $2y$ , причем  $2y$  наименьший угол между прямыми. Тогда раз прямые последовательно расположены, то прямая, делящая один из вертикальных углов пополам, то не делит углы  $2x, 2y, 2x+2y$ , а смежные с ними. Прямая  $b_1$  соответствует паре  $a_2$  и  $a_3$ ,  $b_2$  соответствует паре  $a_1$  и  $a_3$ ,  $b_3$  соответствует паре  $a_1$  и  $a_2$ . Тогда угол между  $a_2$  и  $b_1$  равен  $90-x$  по построению, а значит между  $a_1$  и  $b_1$  равен  $90-x-2y$ . Угол между  $a_1$  и  $b_1$  равен  $90-x-y$ , а значит между  $b_1$  и  $b_2$  угол равен  $y$ , что противоречит тому, что угол  $2y$  наименьший между прямыми.



### №4

В треугольнике  $ABC$  точка  $D$  лежит на стороне  $AC$ . Биссектриса  $CE$  треугольника  $ABC$  пересекает отрезок  $BD$  в точке  $O$ . Известно, что  $OD=OE$ ,  $\angle DOE=120^\circ$ . Докажите, что  $BD$  – биссектриса треугольника  $ABC$ .