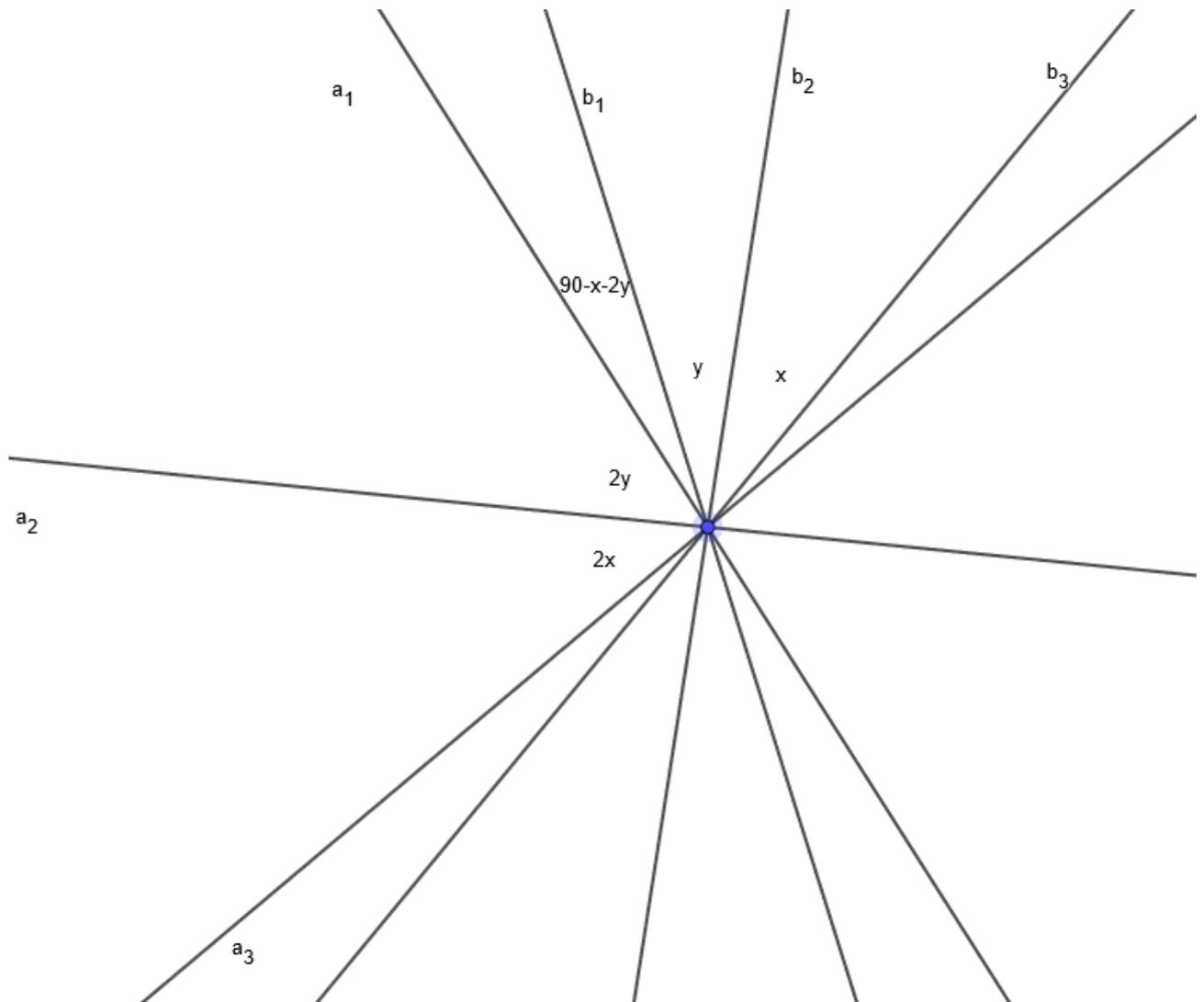


Решение №3

Рассмотрим три последовательно идущие прямые (соседние) такие, что между ними два разных угла и при этом один из них наименьший из имеющихся (если таких нет, то между любыми соседними прямыми углы одинаковые, и задача доказана). Пусть прямые называются a_1, a_2, a_3 и угол между a_1 и a_2 равен $2x$, а между a_1 и a_3 равен $2y$, причем $2y$ наименьший угол между прямыми. Тогда раз прямые последовательно расположены, то прямая, делящая один из вертикальных углов пополам, то не делит углы $2x, 2y, 2x+2y$, а смежные с ними. Прямая b_1 соответствует паре a_2 и a_3 , b_2 соответствует паре a_1 и a_3 , b_3 соответствует паре a_1 и a_2 . Тогда угол между a_2 и b_1 равен $90-x$ по построению, а значит между a_1 и b_1 равен $90-x-2y$. Угол между a_1 и b_1 равен $90-x-y$, а значит между b_1 и b_2 угол равен y , что противоречит тому, что угол $2y$ наименьший между прямыми.



№4

В треугольнике ABC точка D лежит на стороне AC . Биссектриса CE треугольника ABC пересекает отрезок BD в точке O . Известно, что $OD=OE$, $\angle DOE=120^\circ$. Докажите, что BD – биссектриса треугольника ABC .