8 февраля 2020 г.

группа: Гиперультраматвертикаль 7

## Разложение на простые множители. Добавка

- 1. (a) Числа от 3 до 6 разбили на две группы так, что произведение чисел в первой группе нацело делится на произведение чисел во второй. Какое наименьшее значение может быть у частного от деления первого произведения на второе? (b) То же для чисел от 1 до 10.
- 2. Даниил нашел наименьшее натуральное число, которое делится на 1,...100. А Лёша нашел наименьшее число, которое делится на числа 51,..100. Докажите, что числа у Лёши и Даниила совпадают.
- **3.** Докажите, что у уравнения  $y^2 = 2x^2$  нет решений в натуральных числах.