Буланкина В.В.

группа: 8-2 класс *9 ноября 2019 г.*

Немного обобщим...

- **1.** Докажите, что правильный треугольник можно разрезать на n правильных треугольников, начиная с шести.
- **2.** Из квадрата $2n \times 2n$ вырезали одну клетку. Докажите, что оставшуюся фигуру всегда можно разрезать на уголки, состоящие из трёх клеток.
- **3.** При каких n>3 набор гирь с массами $1,2,3,\ldots,n$ граммов можно разложить на три равные по массе кучки?
- **4.** Максим умеет делить любой отрезок либо пополам, либо в отношении n:n+1, где n любое натуральное число. Докажите, что Максим может поделить отрезок на любое количество равных частей.
- **5.** В прямоугольнике $3 \times n$ стоят фишки трех цветов, по n штук каждого цвета. Доказать, что можно переставить фишки в каждой строке так, чтобы в любом столбце были фишки всех цветов.
- 6. На столе стоят 2^n стаканов с водой. Разрешается взять любые два стакана и уравнять в них количества воды, перелив часть воды из одного стакана в другой. Докажите, что с помощью таких операций можно добиться того, чтобы во всех стаканах было поровну воды.
- 7. Можно ли представить единицу в виде суммы 100500 различных дробей с числителем 1 и натуральным знаменателем?
- 8. Докажите, что для любого числа n существует число, составленное из цифр 1 и 2, которое делится на 2n.