

Делимость-4. Десятичная запись

1. а) Найдите числа, равные удвоенной сумме своих цифр.
б) Найдите двузначные числа, которые вдвое больше произведения своих цифр.
2. а) Сумма цифр a и b равна 7. Докажите, что число вида \overline{aba} делится на 7.
б) Сумма цифр a и b равна 7. Докажите, что число вида $\overline{aab0b}$ делится на 7.
3. Существует ли такое двузначное простое число, что если записать его два раза подряд, то полученное четырехзначное число тоже простое?
4. Учитель дал задание заменить в слове МАТЕМАТИКА разные буквы разными цифрами, а одинаковые- одинаковыми так, чтобы полученное число делилось на 137. Кости, у которого тройка по русскому языку, записал слово с ошибкой: МАЕМАТЕКА. Докажите, что теперь Кости не удастся решить задачу, несмотря на пятерку по математике.
5. В примере на сложение цифры заменили буквами (причем разные цифры — разными буквами). Оказалось, что число КРЯКВА + КРЯ + КРЯ делится на 167. Докажите, что тогда число КВАКРЯ + КВА + КВА не делится на 167.
6. Правда ли, что сумма всех четырехзначных чисел, в записи которых нет цифр 0 и 9, делится на 101?
7. Признак делимости на 2^n и 5^n : число делится на 2^n и 5^n тогда и только тогда, когда число, составленное из последних n цифр, делится на 2^n и 5^n . Докажите признак делимости на 4, 8, 2^n , 5^n .
8. Существует ли трехзначное число, равное произведению своих цифр?
9. Докажите, что число при делении на 3 и 9 дает такой же остаток, что и сумма цифр этого числа.
10. Признак делимости на 11: число кратно 11 тогда и только тогда, когда его знакопеременная сумма цифр делится на 11. Докажите.

Домашнее задание

11. а) Сумма цифр a и b равна 13. Докажите, что число вида \overline{aba} делится на 13.
б) Сумма цифр a и b равна 13. Докажите, что число вида \overline{aaabb} делится на 13.
12. Объясните следующий математический фокус: если взять трехзначное число, записать его два раза подряд, полученное шестизначное число поделить сначала на 7, потом на 11, и еще на 13, то получим изначальное число.

Делимость-4. Десятичная запись

1. а) Найдите числа, равные удвоенной сумме своих цифр.
б) Найдите двузначные числа, которые вдвое больше произведения своих цифр.
 2. а) Сумма цифр a и b равна 7. Докажите, что число вида \overline{aba} делится на 7.
б) Сумма цифр a и b равна 7. Докажите, что число вида $\overline{aab0b}$ делится на 7.
 3. Существует ли такое двузначное простое число, что если записать его два раза подряд, то полученное четырехзначное число тоже простое?
 4. Учитель дал задание заменить в слове МАТЕМАТИКА разные буквы разными цифрами, а одинаковые- одинаковыми так, чтобы полученное число делилось на 137. Кости, у которого тройка по русскому языку, записал слово с ошибкой: МАЕМАТЕКА. Докажите, что теперь Кости не удастся решить задачу, несмотря на пятерку по математике.
 5. В примере на сложение цифры заменили буквами (причем разные цифры — разными буквами). Оказалось, что число КРЯКВА + КРЯ + КРЯ делится на 167. Докажите, что тогда число КВАКРЯ + КВА + КВА не делится на 167.
 6. Правда ли, что сумма всех четырехзначных чисел, в записи которых нет цифр 0 и 9, делится на 101?
 7. Признак делимости на 2^n и 5^n : число делится на 2^n и 5^n тогда и только тогда, когда число, составленное из последних n цифр, делится на 2^n и 5^n . Докажите признак делимости на 4, 8, 2^n , 5^n .
 8. Существует ли трехзначное число, равное произведению своих цифр?
 9. Докажите, что число при делении на 3 и 9 дает такой же остаток, что и сумма цифр этого числа.
 10. Признак делимости на 11: число кратно 11 тогда и только тогда, когда его знакопеременная сумма цифр делится на 11. Докажите.
- ### Домашнее задание
11. а) Сумма цифр a и b равна 13. Докажите, что число вида \overline{aba} делится на 13.
б) Сумма цифр a и b равна 13. Докажите, что число вида \overline{aaabb} делится на 13.
 12. Объясните следующий математический фокус: если взять трехзначное число, записать его два раза подряд, полученное шестизначное число поделить сначала на 7, потом на 11, и еще на 13, то получим изначальное число.