

## Подсчет числа способов

7 класс

11.11.17

### Учимся слушать

1. У Ивана есть 2 кровати, 3 подушки и 4 одеяла. Сколько способами он может организовать свой сон, если спит он,
  - (а) используя ровно 1 предмет каждого вида?
  - (б) используя ровно 1 предмет каждого из двух каких-то видов?
  - (с) используя какие-то предметы (но не более одного каждого типа)?
2. Сколько существует вариантов отправить несколько человек из первой страты на математический турнир?
3. В команду для матбоя состоит из 6 человек.
  - (а) Сколько существует способов выбрать капитана и его заместителя?
  - (б) Двух человек, которые будут решать все задачи, пока другие отдохнут?
  - (с) А трех человек?

### Учимся говорить

1. Из  $A$  в  $B$  ведет 4 дороги, из  $B$  в  $C$  ведет 6 дорог, а из  $A$  в  $C$  ведет 7 дорог. Сколько существует способов добраться из  $A$  в  $C$ , если все дороги строго односторонние?
2. В магазине «Все для чая» продаются 5 чашек, 3 блюдца и 4 чайные ложки. Сколько способами можно купить два предмета с разными названиями?
3. Каждую клетку квадратной таблицы  $3 \times 3$  можно покрасить в черный или белый цвет. Сколько существует различных раскрасок этой таблицы?
4. Сколько существует пятизначных чисел, в записи которых
  - (а) встречаются только нечетные цифры?
  - (б) встречаются только четные цифры?
  - (с) встречается хотя бы одна нечетная цифра?
  - (д) все цифры нечетны и различны?
5. Сколько разных слов (необязательно имеющих смысл) можно получить, переставляя буквы в слове
  - (а) УЧЕБНИК;
  - (б) КАРАНДАШ;
  - (с) БИССЕКТРИСА;
  - (д) МАТЕМАТИКА.
6. Сколько способами можно поставить на шахматную доску
  - (а) черную и белую ладью
  - (б) две черные ладьи так, чтобы они не были друг друга?

### Учимся думать

7. Сколько существует пятизначных чисел, содержащих хотя бы одну цифру 5?
8. Павел выписывает в тетрадку пятизначные числа, в записи которых нет нуля, а любые две цифры различны и не имеют общих делителей, кроме единицы. Сколько таких чисел он сможет записать?
9. Сколько способами можно переставить буквы слова ПЕЛИКАН, чтобы гласные буквы стояли в алфавитном порядке?
10. (а) В заборе 5 досок. Каждую доску надо покрасить в синий, зелёный или жёлтый цвет, причём соседние доски должны быть покрашены в разные цвета. Сколько способами это можно сделать?  
 (б) А если нужно, чтобы хотя бы одна из досок была синей?
11. (а) Сколько способами можно заполнить всю таблицу размера  $10 \times 10$  нулями и единицами так, чтобы в каждой строке и каждом столбце содержалось чётное число единиц?  
 (б) Сколько способами можно заполнить таблицу  $10 \times 10$  цифрами от 0 до 9 так, чтобы сумма цифр в каждой строке была четной, и сумма цифр в каждом столбце была четной?

### Учимся писать

Чтобы решать следующие задачи, Вам необходимо вычислить несколько величин. Пусть  $n$  — количество букв в Вашем полном имени (если Вас зовут Саша, то Ваше полное имя Александр, и  $n = 9$ ),  $k$  — количество букв в Вашей фамилии,  $m$  — номер месяца Вашего рождения.

Впишите на листочек получившиеся значения:

$$n = \quad k = \quad m =$$

1. Если игральный кубик кидают  $n$  раз, сколько существует возможных результатов, среди которых не встречается 3?
2. У джентльмена  $n$  разных рубашек,  $k$  пиджаков, и  $m$  брюк. Сколько способами он может одеться утром, если джентльмен не обязан надевать пиджак?
3. Король решил выдать замуж трёх своих дочерей. Со всех концов света явились во дворец столько  $k$  юношей. Сколько способами дочери короля могут выбрать себе женихов?
4. В стране, которую Вы давно хотели съездить, количество городов равно  $n$ . Найдите количество способов выбрать места визита, если посетить Вы можете не более двух городов (то есть Вы хотите посетить либо 1, либо 2 города).