Кружок в "Хамовниках". 2017-2018 учебный год. 9 класс. Группа 9-2. Серия 49. Метод Штурма добавка

1. Даны числа $1 \ge x_1, \dots x_n \ge 0$, где $n \ge 2$. Докажите, что

$$\frac{1}{1+x_1} + \frac{1}{1+x_2} + \ldots + \frac{1}{1+x_n} \leqslant \frac{n}{1+\sqrt[n]{x_1x_2\ldots x_n}}.$$

2. Для положительных x, y, z, таких что x + y + z = 1 докажите неравенство

$$0 \le xy + xz + yz - 2xyz \le \frac{7}{27}$$

- **3.** Пусть числа $x_1, x_2, \ldots, x_{1997}$ удовлетворяют условиям:
 - $a) \frac{1}{\sqrt{3}} \le x_i \le \sqrt{3}$
 - b) $x_1 + x_2 + \ldots + x_{1997} = -318\sqrt{3}$

Найдите наибольшее возможное значение $x_1^{12} + x_2^{12} + \ldots + x_{1997}^{12}$

Кружок в "Хамовниках". 2017-2018 учебный год. 9 класс. Группа 9-2.

Серия 49. Метод Штурма добавка

1. Даны числа $1 \ge x_1, \dots x_n \ge 0$, где $n \ge 2$. Докажите, что

$$\frac{1}{1+x_1} + \frac{1}{1+x_2} + \ldots + \frac{1}{1+x_n} \leqslant \frac{n}{1+\sqrt[n]{x_1x_2\ldots x_n}}.$$

2. Для положительных x, y, z, таких что x + y + z = 1 докажите неравенство

$$0 \le xy + xz + yz - 2xyz \le \frac{7}{27}$$

- **3.** Пусть числа $x_1, x_2, \ldots, x_{1997}$ удовлетворяют условиям:
 - a) $-\frac{1}{\sqrt{2}} \le x_i \le \sqrt{3}$
 - $b)x_1 + x_2 + \ldots + x_{1997} = -318\sqrt{3}$

Найдите наибольшее возможное значение $x_1^{12} + x_2^{12} + \ldots + x_{1997}^{12}$

Кружок в "Хамовниках". 2017-2018 учебный год. 9 класс. Группа 9-2. Серия 49. Метод Штурма добавка

1. Даны числа $1 \ge x_1, \dots x_n \ge 0$, где $n \ge 2$. Докажите, что

$$\frac{1}{1+x_1} + \frac{1}{1+x_2} + \ldots + \frac{1}{1+x_n} \leqslant \frac{n}{1+\sqrt[n]{x_1x_2\ldots x_n}}.$$

2. Для положительных x, y, z, таких что x + y + z = 1 докажите неравенство

$$0 \le xy + xz + yz - 2xyz \le \frac{7}{27}$$

- **3.** Пусть числа $x_1, x_2, \dots, x_{1997}$ удовлетворяют условиям:
 - a) $-\frac{1}{\sqrt{3}} \le x_i \le \sqrt{3}$
 - b) $x_1 + x_2 + \ldots + x_{1997} = -318\sqrt{3}$

Найдите наибольшее возможное значение $x_1^{12} + x_2^{12} + \ldots + x_{1997}^{12}$