

## Серия 35. Оценка + пример

1. Ваня записал несколько простых чисел, используя ровно по одному разу все цифры от 1 до 9. Затем вычислил их сумму. Какое наименьшее значение может иметь эта сумма?

2. Найдите наибольшее натуральное число, все цифры в десятичной записи которого различны и которое уменьшается в 5 раз, если зачеркнуть первую цифру.

3. В магазине в ряд висят 21 белая и 21 фиолетовая рубашка. Найдите такое минимальное  $k$ , что при любом изначальном порядке рубашек можно снять  $k$  белых и  $k$  фиолетовых рубашек так, чтобы оставшиеся белые рубашки висели подряд и оставшиеся фиолетовые рубашки тоже висели подряд.

4. Дано  $n$  палочек. Из любых трёх можно сложить тупоугольный треугольник. Каково наибольшее возможное значение  $n$ ?

5. Каждый день Фрекен Бок выпекает квадратный торт размером  $3 \times 3$ . Карлсон немедленно вырезает себе из него четыре квадратных куска размером  $1 \times 1$  со сторонами, параллельными сторонам торта (не обязательно по линиям сетки  $3 \times 3$ ). После этого Малыш вырезает себе из оставшейся части торта квадратный кусок со сторонами, также параллельными сторонам торта. На какой наибольший кусок торта может рассчитывать Малыш вне зависимости от действий Карлсона?

6. По кругу написано 100 ненулевых чисел. Между каждыми двумя соседними числами написали их произведение, а прежние числа стерли. Количество положительных чисел не изменилось. Какое минимальное количество положительных чисел могло быть написано изначально?

7. Найдите наименьшее натуральное число, кратное 99, в десятичной записи которого участвуют только четные цифры.

8. В городе Плоском нет ни одной башни. Для развития туризма жители города собираются построить несколько башен, общей высотой в 30 этажей. Инспектор Высотников, поднимаясь на каждую башню, считает число более низких башен, а потом складывает получившиеся величины. После чего инспектор рекомендует город тем сильнее, чем получившаяся величина больше. Сколько и какой высоты башен надо построить жителям, чтобы получить наилучшую возможную рекомендацию?