## Тренировочная олимпиада

10 класс 20.01.2017

- 1. Дан треугольник ABC,  $\angle A = 60^{\circ}$ . В треугольнике проведена биссектриса  $BB_1$  и отмечен центр I вписанной окружности. Описанная окружность треугольника  $CB_1I$  пересекает отрезок BC в точках C и X. Докажите, что четырёхугольник  $ABXB_1$  можно вписать в окружность.
- 2. На огороженном поле  $1 \times 1$  км построили заборы, разделившие его на прямоугольные участки  $5 \times 20$  м и  $6 \times 12$  м. Какова общая длина построенных заборов?
- 3. Натуральные числа a,b,c,d удовлетворяют равенству  $\frac{a^2+b}{a+c}=d$ . Докажите, что  $d\leqslant b+(c-1)^2$ .
- 4. Есть три поля: на одном лежит стопка из n > 1 монет, два других свободны. За одну операцию можно переложить монету с верха любой стопки на свободное поле или на верх любой другой стопки. За какое наименьшее число операций удастся собрать все монеты в обратном порядке на том же поле?

## Тренировочная олимпиада

10 класс 20.01.2017

- 1. Дан треугольник ABC,  $\angle A=60^\circ$ . В треугольнике проведена биссектриса  $BB_1$  и отмечен центр I вписанной окружности. Описанная окружность треугольника  $CB_1I$  пересекает отрезок BC в точках C и X. Докажите, что четырёхугольник  $ABXB_1$  можно вписать в окружность.
- 2. На огороженном поле  $1 \times 1$  км построили заборы, разделившие его на прямоугольные участки  $5 \times 20$  м и  $6 \times 12$  м. Какова общая длина построенных заборов?
- 3. Натуральные числа a, b, c, d удовлетворяют равенству  $\frac{a^2 + b}{a + c} = d$ . Докажите, что  $d \leqslant b + (c 1)^2$ .
- 4. Есть три поля: на одном лежит стопка из n > 1 монет, два других свободны. За одну операцию можно переложить монету с верха любой стопки на свободное поле или на верх любой другой стопки. За какое наименьшее число операций удастся собрать все монеты в обратном порядке на том же поле?