Игры.

Во всех играх играют двое. Ходы делаются по очереди, пропускать их нельзя. ПТКНМСХ — проигрывает тот, кто не может сделать ход.

- 1. В (a) трёх; (b) четырёх кучках лежат конфеты, по 50 конфет в каждой. За ход разрешается взять произвольное количество конфет, но только из одной кучки. ПТКНСМСХ.
- 2. Двое по очереди ставят слонов в клетки шахматной доски так, чтобы они не били друг друга. ПТКНСМСХ.
- 3. Есть доска размера (a) 5×5 ; (b) 6×6 ; (c) 7×7 . В каждой клетке на диагонали стоит по фишке. Двое по очереди делают ходы любой из фишек. За один ход можно сместить фишку ровно на 1 клетку вниз. ПТКНСМСХ.
- **4**. Имеется три кучки камней: 21,9 и 8 шт. За ход разрешается разбить любую кучку на две меньшие. ПТКНСМСХ.
- 5. Двое по очереди разламывают шоколадку. За один ход разрешается сделать прямолинейный разлом любого из имеющихся кусков вдоль углубления. Проигрывает тот, кто первым отломит дольку 1×1 . Кто выигрывает при правильной игре, если шоколадка имеет размеры 6×9 ?
- 6. На плоскости отмечено 20 точек, являющихся вершинами правильного 20угольника. Двое играют в следующую игру: каждый по очереди соединяет две вершины многоугольника отрезком, соблюдая следующие правила: нельзя соединять две точки, хотя бы одна из которых уже соединена с чем-то, и нельзя пересекать уже проведённые отрезки. Проигрывает тот, кто не может сделать очередной ход согласно этим правилам. Кто выигрывает?
- 7. Дана клетчатая доска 10×10 . За ход разрешается покрыть две соседние клетки доминошкой 1×2 так, чтобы доминошки не перекрывались. ПТКНСМСХ.
- 8. В каждой клетке доски 11×11 стоит по шашке. За ход разрешается взять с доски любое количество подряд идущих шашек либо из одного вертикального, либо из одного горизонтального ряда. Выигрывает снявший последнюю шашку. Кто имеет выигрышную стратегию?
- 9. Вася и Петя по очереди едят 25 пирожных, первым ходит Петя. За ход можно съесть 1 или 2 пирожных. Съевший последнее пирожное выигрывает, а проигравший оплачивает пирушку. Кто имеет выигрышную стратегию?
- 10. (a) В ряд лежат 25 мандаринок. Петя и Вася едят по очереди одну или две изначально соседние мандаринки. ПТКНМСХ. (b) А если мандаринки лежат по кругу?
- 11. Двое играют, поочередно выставляя крестики и нолики на квадратном поле 9×9 . В конце каждый получает очко за каждую строку и столбец, в которых его знаков больше. Сможет ли первый игрок выиграть?