

## Оценка + пример

1. Среднее арифметическое десяти различных натуральных чисел равно 15. Найдите наибольшее значение наибольшего из этих чисел.
2. Какое наименьшее количество клеток нужно отметить на шахматной доске, чтобы (1) среди отмеченных клеток не было соседних (имеющих общую сторону или общую вершину), (2) добавление к этим клеткам любой одной клетки нарушало пункт (1)?
3. Какое наибольшее число белых и черных фишек можно расставить на шахматной доске так, чтобы на каждой горизонтали и на каждой вертикали белых фишек было ровно в два раза больше, чем черных?
4. Город имеет форму квадрата  $5 \times 5$ ; по границам между клеточками проходят улицы. Какую наименьшую длину может иметь маршрут, если нужно пройти по каждой улице этого города и вернуться в прежнее место? (По каждой улице можно проходить любое число раз.)
5. Петя красит клетки таблицы  $n \times n$  по следующему правилу: если какая-то незакрашенная клетка граничит по стороне с двумя закрашенными, то ее можно закрасить. Какое наименьшее число клеток могло быть закрашено изначально, если известно, что Петя смог закрасить все клетки?
6. Петя красит клетки таблицы  $n \times m$  по следующему правилу: если в каком-либо квадрате  $2 \times 2$  уже закрашены три клетки, то он может закрасить четвертую. Какое наименьшее число клеток могло быть закрашено изначально, если известно, что Петя смог закрасить все клетки?
7. На новом сайте зарегистрировалось 2000 человек. Каждый пригласил к себе в друзья по 1000 человек. Два человека объявляются друзьями тогда и только тогда, когда каждый из них пригласил другого в друзья. Какое наименьшее количество пар друзей могло образоваться?