

## Алгоритм Евклида.

- 1.** Найдите НОД (а) 607 и 477; (б) 343 и 246; (в) 6494 и 6303; (г) 10027 и 32671.
- 2.** Число  $a$  состоит из  $m$  единиц, а число  $b$  — из  $n$  единиц. Найдите их НОД, если (а)  $m = 5, n = 20$ ; (б)  $m = 12, n = 66$ ; (в) для произвольных  $m$  и  $n$ .
- 3.** Найдите НОД( $11! - 20, 10! - 20$ ).
- 4.** Докажите, что
  - (а)  $\text{НОД}(2^3 \cdot 0 - 1, 2^2 \cdot 4 - 1) = 2^6 - 1$ ;
  - (б) если  $\text{НОД}(a, b) = d$ , то  $\text{НОД}(2^a - 1, 2^b - 1) = 2^d - 1$ .
- 5.** При каких условиях уравнение в целых числах  $ax + by = c$  имеет решение?
- 6.** Решите уравнения: (а)  $19x - 15y = 3$ ; (б)  $23x - 17y = 11$ ; (в)  $53x - 47y = 11$  (г)  $35x - 18y = 3$ .
- 7.** Можно ли с помощью циркуля и линейки разделить угол в 19 градусов на 19 равных частей?

## Алгоритм Евклида.

- 1.** Найдите НОД (а) 607 и 477; (б) 343 и 246; (в) 6494 и 6303; (г) 10027 и 32671.
- 2.** Число  $a$  состоит из  $m$  единиц, а число  $b$  — из  $n$  единиц. Найдите их НОД, если (а)  $m = 5, n = 20$ ; (б)  $m = 12, n = 66$ ; (в) для произвольных  $m$  и  $n$ .
- 3.** Найдите НОД( $11! - 20, 10! - 20$ ).
- 4.** Докажите, что
  - (а)  $\text{НОД}(2^3 \cdot 0 - 1, 2^2 \cdot 4 - 1) = 2^6 - 1$ ;
  - (б) если  $\text{НОД}(a, b) = d$ , то  $\text{НОД}(2^a - 1, 2^b - 1) = 2^d - 1$ .
- 5.** При каких условиях уравнение в целых числах  $ax + by = c$  имеет решение?
- 6.** Решите уравнения: (а)  $19x - 15y = 3$ ; (б)  $23x - 17y = 11$ ; (в)  $53x - 47y = 11$  (г)  $35x - 18y = 3$ .
- 7.** Можно ли с помощью циркуля и линейки разделить угол в 19 градусов на 19 равных частей?